

उत्तर व्याख्यासहित

A. गणित

1. (a) माना कि $1 + 6 + 11 + 16 + \dots r$ पदों तक = 148
 $\Rightarrow \frac{r}{2} [2 \times 1 + (r-1) 5] = 148 \Rightarrow \frac{r}{2} (2 + 5r - 5) = 148$
 $\Rightarrow r(5r - 3) = 296 \Rightarrow 5r^2 - 3r - 296 = 0$
 $\Rightarrow r = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 5920}}{10} = \frac{3 \pm \sqrt{5929}}{10} = \frac{3 \pm 77}{10}$
 $= 8$ क्योंकि r ऋणात्मक नहीं होगा।

$\therefore n = t_8 = 1 + 7 \times 5 = 36$

2. (c) H.P. का तीसरा पद = H.P. का 7वाँ पद = $\frac{1}{15}$
 अतः संगत A.P. का तीसरा पद = 7

" " 7वाँ पद = 15
 $\Rightarrow a + 2d = 7$
 $a + 6d = 15$

घटाने पर $4d = 8 \quad d = 2$ अतः, $a = 3$

\therefore A.P. का 15वाँ पद = $a + 14d = 3 + 28 = 31$

अतः H.P. का 15वाँ पद = $\frac{1}{31}$

3. (a) $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ का Tranpose Matrix $A' = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$

4. (a) $\alpha + \beta = \frac{-2}{1} \quad \alpha\beta = \frac{2}{1}$
 $\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 4 - 4 = 0$

5. (c) INDEPENDENCE शब्द में 12 अक्षर हैं जिसमें चार E, तीन N एवं दो D हैं
 अतः इसके अक्षरों को सजाने का कुल तरीका = $\frac{12!}{4! 3! 2!}$

6. (b) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{1-x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1+x)(1-x)}{(1-x)} = \lim_{x \rightarrow 1} (1+x) = 2$

7. (a) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{1+\cos x} = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{2 \cos^2 \frac{x}{2}} = \frac{1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sec^2 \frac{x}{2} dx = \frac{1}{2} \left[\frac{\tan \frac{x}{2}}{\frac{1}{2}} \right]_0^{\frac{\pi}{4}}$
 $= \tan \frac{\pi}{8} = \sqrt{2} - 1$

8. (b) $\int x e^x dx = x \int e^x dx - \int \left(\frac{d}{dx} x \cdot \int e^x dx \right) dx$
 $= x e^x - \int e^x dx = x e^x - e^x + c = e^x (x-1) + c$

9. (b) $f(x) = \frac{x-4}{2\sqrt{x}}$

$\therefore f'(x) = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{x} \cdot \frac{d}{dx}(x-4) - (x-4) \frac{d}{dx} \sqrt{x}}{(\sqrt{x})^2} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{x} - \frac{(x-4)}{2\sqrt{x}}}{x} \right]$

$= \frac{1}{2} \cdot \frac{(2x - x + 4)}{2x\sqrt{x}} = \frac{x+4}{4x\sqrt{x}}$

$f'(4) = \frac{4+4}{4 \times 4\sqrt{4}} = \frac{8}{4 \times 4 \times 2} = \frac{1}{4}$

10. (c) $s = 3t^2 + 2t + 5 \quad \therefore \frac{ds}{dt} = 6t + 2$

\therefore 2 सेकेण्ड के बाद चाल = $\left(\frac{ds}{dt} \right)_{t=2} = 14$ इकाई

11. (b) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 x dx = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2x}{2} dx = \frac{1}{2} \left[x + \frac{\sin 2x}{2} \right]_0^{\frac{\pi}{2}}$
 $= \frac{1}{2} \left[\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\sin \pi}{2} \right) - \left(0 + \frac{\sin 0}{2} \right) \right] = \frac{\pi}{4}$

12. (a) $\cos \left(\sin^{-1} \frac{1}{4} + \cos^{-1} \frac{1}{4} \right) = \cos \left(\frac{\pi}{2} \right) = 0$

13. (c) $\frac{3-7i}{2+5i} \times \frac{2-5i}{2-5i} = \frac{(6-35) + (-15-14)i}{29} = \frac{-29-29i}{29} = -1-i$

14. (a) किसी वर्ग आव्यूह (square matrix) के व्युत्क्रम आव्यूह प्राप्त करने के लिए उसके Rows को संगत columns में बदलते हैं

अतः $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ का व्युत्क्रम $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ होगा।

15. (d) $n(S) = 98 \quad n(E) = 19$

$\therefore P(E) = \frac{19}{98}$

16. (c) अभीष्ट प्रायिकता ${}^3C_2 \cdot \left(\frac{1}{2} \right)^2 \cdot \left(\frac{1}{2} \right)^1 = 3 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8}$

17. (b) $n(M \cup P) = n(M) + n(P) - n(M \cap P)$
 $100 = 65 + 57 - n(M \cap P)$
 $\Rightarrow n(M \cap P) = 122 - 100 = 22$

18. (a) $\sin x \cdot \cos x = \frac{1}{2} 2 \sin x \cdot \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x$
 $\sin 2x$ का अधिकतम मान = 1

अतः, $\sin x \cdot \cos x$ का अधिकतम मान = $\frac{1}{2}$

19. (b) यदि तीनों बिन्दु रैखिक होंगे तो उनसे बनने वाले Δ का क्षेत्रफल शून्य होगा।

$\therefore \frac{1}{2} \{a(b-1) + 0(1-0) + 1(0-b)\} = 0$

$\Rightarrow ab - a - b = 0 \quad \Rightarrow a + b = ab \quad \Rightarrow \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$

C. विज्ञान

20. (a) माना कि डाले गये लम्ब का पाद (α, β) है।

अतः, $3\alpha + 4\beta = 25$

सरल रेखा का ढाल = $\frac{-3}{4}$

सरलरेखा पर डाले गये लम्ब का ढाल = $\frac{b}{a}$

$\therefore \frac{\beta}{\alpha} \times \frac{-3}{4} = -1$

$\beta = \frac{4\alpha}{3}$

समीकरण (i) एवं (ii) से— $3\alpha + 4 \times \frac{4\alpha}{3} = 25$

$9\alpha + 16\alpha = 25 \times 3 \Rightarrow \alpha = 3 \therefore \beta = 4$

अतः, अभीष्ट बिन्दु = $(3, 4)$

21. (d) वृत्त का समीकरण $16(x^2 + y^2) + 24x + 32y + 9 = 0$

$\Rightarrow x^2 + y^2 + \frac{3x}{2} + 2y + \frac{9}{16} = 0$ अतः $g = \frac{3}{4}, f = 1, c = \frac{9}{16}$

\therefore वृत्त की त्रिज्या = $\sqrt{g^2 + f^2 - c} = \sqrt{\frac{9}{16} + 1 - \frac{9}{16}} = 1$

22. (d) दिया गया समीकरण $x^2 + 4xy + y^2 - 4x + 2y - 7 = 0$

इस समीकरण का $ax^2 + 2hxy + by^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ से तुलना कर पर—

$a = 1, b = 1, h = 2, g = -2, f = 1, c = -7$

$\therefore \begin{vmatrix} a & h & g \\ h & b & f \\ g & f & c \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 2 & -2 \\ 2 & 1 & 1 \\ -2 & 1 & -7 \end{vmatrix}$

$= (1 \times -8) - 2(-14 + 2) - 2(2 + 2) = -8 + 24 - 8 = 8 \neq 0$

$h^2 - ab = (2)^2 - 1 = 3 > 0$

अतः दिया गया समीकरण अतिपरवलय (hyperbola) का समीकरण है।

23. (b) परवलय का समीकरण $y^2 - 4y - 4x - 8 = 0$

$\Rightarrow y^2 - 4y + 4 = 4x + 12 \Rightarrow (y - 2)^2 = 4(x + 3)$

\therefore परवलय का शीर्ष = $\{x + 3 = 0, y - 2 = 0\} = \{-3, 2\}$

24. (d) माना कि $\vec{a} = \vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ तथा $\vec{b} = -\vec{i} + 2\vec{j}$

समान्तर चतुर्भुज का क्षेत्र = $\frac{1}{2} |\vec{a} \times \vec{b}|$

$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 1 & -3 & 2 \\ -1 & 2 & 0 \end{vmatrix} = -4\vec{i} - 2\vec{j} - \vec{k}$

अतः, समान्तर चतुर्भुज का क्षेत्र = $\frac{1}{2} \sqrt{16 + 4 + 1} = \frac{\sqrt{21}}{2}$ इकाई

51. (b) $s = ut + \frac{1}{2} at^2$

$\Rightarrow 200 = 10 \times 15 + \frac{1}{2} a \times 15 \times 15 \Rightarrow 150 + \frac{225}{2} a = 200$

$\Rightarrow 300 + 225a = 400 \Rightarrow 225a = 400 - 300 = 100$

$\Rightarrow a = \frac{100}{225} = \frac{4}{9} m/s^2$

55. (b) \therefore 20 sec में 400 दोलन

\therefore 1 sec में $\frac{400}{20} = 20$ दोलन

\therefore आवृत्ति = 20 Hz

\therefore आवर्त काल = $\frac{1}{20}$ second

57. (b) हम जानते हैं— $R = \frac{V^2}{P} \Rightarrow R = \frac{220^2}{200} = \frac{220 \times 220}{200} = 242\Omega$

58. (b) $P = \frac{1}{f}$ (जहाँ f मीटर में होना चाहिए) $\Rightarrow P = \frac{1}{\frac{50}{100}} = \frac{100}{50} = 2D$

64. (b) सूत्र से—

$H = I^2 Rt$
 $= 2^2 \times 10 \times 5 \times 60$
 $= 12000$ जूल

[\therefore 5 मिनट = 5×60 सेकेण्ड]

72. (d) $\therefore I = \frac{q}{t} \Rightarrow I = \frac{20}{2} = 10$ एम्पीयर

D. ENGLISH

- 76. Bindusara was Ashoka's father. He ruled over the whole India.
- 77. After his father's death, he became king. Kalinga did not belong to Ashoka.
- 78. After seeing so many dead soldiers, and so many wounded and bleeding and crying with pain. His mind was completely changed.
- 79. Instead of fighting, he spent all his time trying to help and do good to the people over whom he ruled. He was greatly impressed by the teachings of Buddha.
- 80. Orissa is the modern name of Kalinga.

81. (b) Growth (n)—वृद्धि / विकास
Syns : development, Increase, enlargement, expansion.
Ants : decrease, failure, decline—ह्रास

82. (c) Observing (adj.)—सतर्क
Syns : attentive, watching, viewing, perceiving.

